



تدریس خصوصی ریاضی به صورت حضوری و آنلاین با دبیران حرفه ای و پیگیری قدرتمند در مدرسانه

۸۸۹۰۴۰۰۲ - ۸۸۹۰۶۹۰۹ - ۲۶۵۷۰۸۱۰ - ۴۴۰۲۵۸۶۰

کد تهران ۰۲۱

. ۱  
(۱۰ نمره)

اگر  $g(x) = x - ۱$  و  $f(x) = \sqrt{x + ۱}$  آنگاه ضابطه تابع  $fog$  را بنویسید. (هماهنگ کشوری - خرداد ۱۴۰۲)

پاسخ :

$$f(g(x)) = \sqrt{x - ۱ + ۱} = \sqrt{x}$$

. ۲  
(۱۰ نمره)

درستی یا نادرستی عبارت زیر را مشخص کنید. (هماهنگ کشوری - خرداد ۱۴۰۲)

«بیشمار تابع وجود دارد که هم صعودی و هم نزولی است.»

پاسخ :

درست

. ۳  
(۱۰ نمره)



تدریس خصوصی ریاضی به صورت حضوری و آنلاین با دبیران حرفه ای و پیگیری قدرتمند در مدرسانه

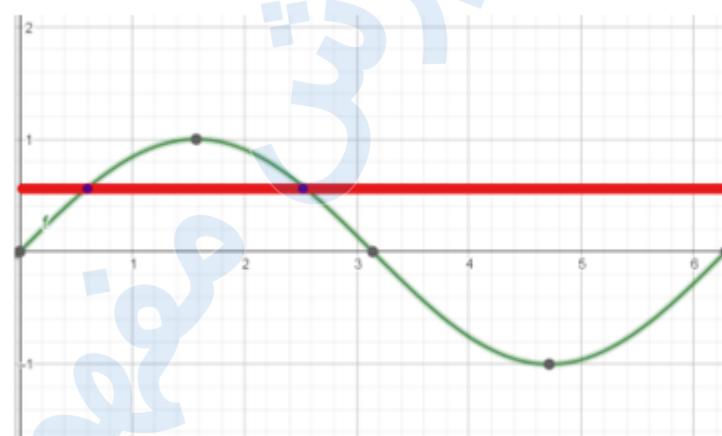
۸۸۹۰۴۰۰۲ - ۸۸۹۰۶۹۰۹ - ۲۶۵۷۰۸۱۰ - ۴۴۰۲۵۸۶۰

کد تهران ۰۲۱

درستی یا نادرستی عبارت زیر را مشخص کنید. (هماهنگ کشوری - شهریور ۱۴۰۲)

«خط  $\frac{1}{y} = y$  نمودار تابع  $y = \sin x$  در فاصله  $[0, 2\pi]$  در یک نقطه قطع می‌کند.»

پاسخ :



نادرست:

(۱۰ نمره)

.۱۴

درستی یا نادرستی عبارت زیر را مشخص کنید. (هماهنگ کشوری - شهریور ۱۴۰۲)

«تابع  $\frac{1}{x}$  در دامنه‌اش یکنوا است.»

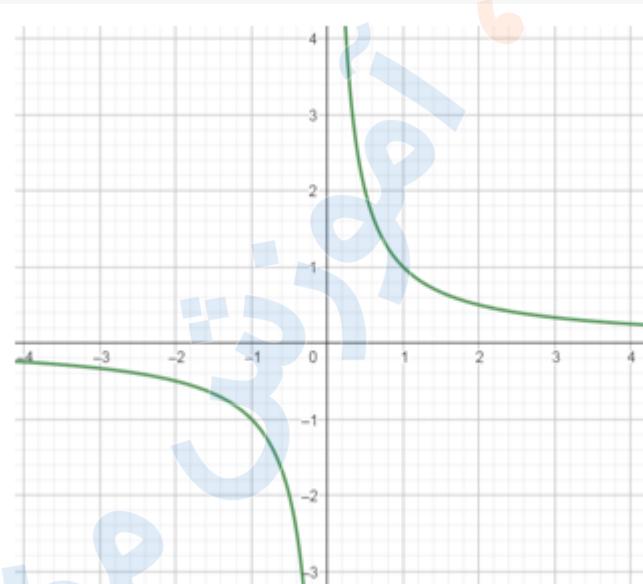


تدریس خصوصی ریاضی به صورت حضوری و آنلاین با دبیران حرفه ای و پیگیری قدرتمند در مدرسانه

۸۸۹۰۴۰۰۲ - ۸۸۹۰۶۹۰۹ - ۲۶۵۷۰۸۱۰ - ۴۴۰۲۵۸۶۰

کد تهران ۰۲۱

پاسخ :



نادرست؛

(۱۰ نمره)

. ۵

درستی یا نادرستی عبارت زیر را مشخص کنید. (هماهنگ کشوری - شهریور ۱۴۰۲)

«تابع  $y = \sqrt{3}x^3 - \pi x$  یک تابع چند جمله‌ای است.»

پاسخ :

درست



تدریس خصوصی ریاضی به صورت حضوری و آنلاین با دبیران حرفه ای و پیگیری قدرتمند در مدرسانه

۸۸۹۰۴۰۰۲ - ۸۸۹۰۶۹۰۹ - ۲۶۵۷۰۸۱۰ - ۴۴۰۲۵۸۶۰

کد تهران ۰۲۱

(۱۰ نمره)

اگر دامنه تابع  $f(x) = y$  برابر  $[۱, ۳]$  و برد آن برابر  $[۰, ۲]$  باشد، دامنه و برد تابع  $y = f\left(\frac{x}{۲}\right)$  را بیابید.

(هماهنگ کشوری دی ۱۴۰۱)

پاسخ :

$$-1 < \frac{x}{2} \leq 3 \Rightarrow -2 < x \leq 6 \Rightarrow D_{f\left(\frac{x}{2}\right)} = [-2, 6]$$

برد تغییر نمی‌کند.

(۱۰ نمره)

اگر  $1 = ۲x^3 - ۱$  باشد، حاصل  $f^{-1}(15)$  برابر ..... است. (هماهنگ کشوری دی ۱۴۰۱)

پاسخ :

$$f^{-1}(15) = \alpha \Rightarrow f(\alpha) = 15 \Rightarrow 2\alpha^3 - 1 = 15 \Rightarrow \alpha = 2$$



تدریس خصوصی ریاضی به صورت حضوری و آنلاین با دبیران حرفه ای و پیگیری قدرتمند در مدرسانه

۸۸۹۰۴۰۰۲ - ۸۸۹۰۶۹۰۹ - ۲۶۵۷۰۸۱۰ - ۴۴۰۲۵۸۶۰

کد تهران ۰۲۱

(۱۰ نمره)

درستی یا نادرستی عبارت زیر را مشخص کنید. (هماهنگ کشوری دی ۱۴۰۱)

«هر تابع یکنوا، یکبهیک است.»

پاسخ :

نادرست؛ هر تابع اکیدا یکنوا، یکبهیک است.

(۱۰ نمره)

درستی یا نادرستی عبارت زیر را مشخص کنید. (هماهنگ کشوری دی ۱۴۰۱)

«نمودار تابع  $x^3 = y$  در بازه  $(1, 0)$  پایین‌تر از نمودار تابع  $x^2 = y$  است.»

پاسخ :

نادرست؛ برای مثال  $3^3 > 2^2$  است.



تدریس خصوصی ریاضی به صورت حضوری و آنلاین با دبیران حرفه ای و پیگیری قدرتمند در مدرسانه

۸۸۹۰۴۰۰۲ - ۸۸۹۰۶۹۰۹ - ۲۶۵۷۰۸۱۰ - ۴۴۰۲۵۸۶۰

کد تهران ۰۲۱

. ۱۰

(۱۰) نمره

اگر  $f(x) = \sqrt{x-1}$  و  $g(x) = 2x^3 - 1$  باشد، مقدار  $(gof)(2)$  را تعیین کنید. (هماهنگ کشوری خرداد ۱۴۰۰)

پاسخ :

$$(gof)(2) = g(f(2)) = g(1) = 2(1) - 1 = 1$$