

تدریس خصوصی ریاضی به صورت حضوری و آنلاین با دبیران حرفه ای و پیگیری قدرتمند در مدرسانه

۸۸۹۰۴۰۰۲ - ۸۸۹۰۶۹۰۹ - ۲۶۵۷۰۸۱۰ - ۴۴۰۲۵۸۶۰

کد تهران ۰۲۱

. ۱
۱۰ نمره)

درستی یا نادرستی عبارت زیر را مشخص کنید. (هماهنگ کشوری شهریور ۱۴۰۲)

«عبارت $1 + x^4$ بر $1 + x$ بخش‌پذیر است.»

پاسخ :

نادرست

. ۲
۱۰ نمره)

تابع f اکیدا نزولی است و می‌دانیم $f(4-x) \leq f(3x-2)$. حدود x را بیابید. (نرگس نجف آبادی)

پاسخ :

$$3x - 2 \geq 4 - x \Rightarrow 4x \geq 6 \Rightarrow x \geq \frac{3}{2}$$



تدریس خصوصی ریاضی به صورت حضوری و آنلاین با دبیران حرفه ای و پیگیری قدرتمند در مدرسانه

۸۸۹۰۴۰۰۲ - ۸۸۹۰۶۹۰۹ - ۲۶۵۷۰۸۱۰ - ۴۴۰۲۵۸۶۰

کد تهران ۰۲۱

. ۳
(۱۰ نمره)

باقي‌مانده تقسیم چندجمله‌ای $1 - 3x + 2x^3$ بر $1 + 2x$ برابر است. (نرگس نجف آبادی)

پاسخ :

$$1 + 2x = 0 \Rightarrow x = -\frac{1}{2} \Rightarrow \left(-\frac{1}{2}\right)^3 - 3\left(-\frac{1}{2}\right) + 1 = \frac{11}{8}$$

. ۴
(۱۰ نمره)

درستی یا نادرستی عبارت زیر را مشخص کنید. (نرگس نجف آبادی)
«اگر توابع f و g در یک فاصله اکیداً صعودی باشند تابع $f + g$ نیز در این فاصله اکیداً صعودی است.»

پاسخ :

درست



تدریس خصوصی ریاضی به صورت حضوری و آنلاین با دبیران حرفه ای و پیگیری قدرتمند در مدرسانه

۸۸۹۰۴۰۰۲ - ۸۸۹۰۶۹۰۹ - ۲۶۵۷۰۸۱۰ - ۴۴۰۲۵۸۶۰

کد تهران ۰۲۱

. ۵
(۱۰ نمره)

درستی یا نادرستی عبارت زیر را مشخص کنید. (نرگس نجف آبادی)

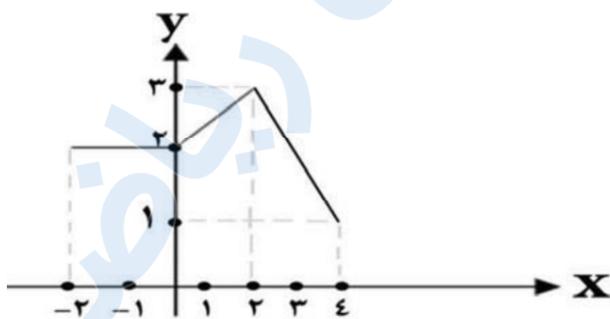
«چند جمله‌ای $1 - x^{\omega}$ بر $1 + x$ بخش‌پذیر است.»

پاسخ :

نادرست، $0 \neq 1 - 1^{\omega}$

. ۶
(۱۰ نمره)

نمودار تابع $y = f(x)$ به صورت زیر است. با رسم مراحل، نمودار تابع $y = -f(2x)$ را رسم کنید. (حسین مهربانی)



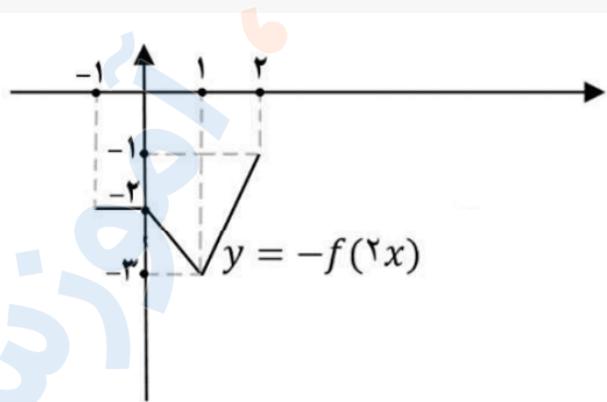
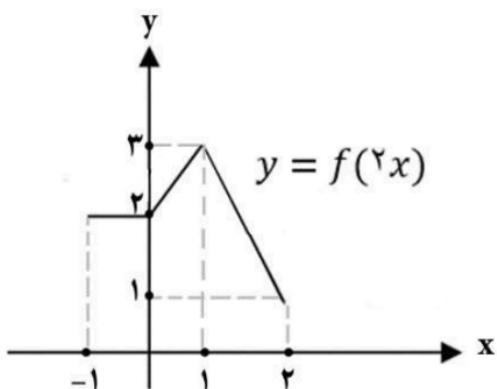


تدریس خصوصی ریاضی به صورت حضوری و آنلاین با دبیران حرفه ای و پیگیری قدرتمند در مدرسانه

۸۸۹۰۴۰۰۲ - ۸۸۹۰۶۹۰۹ - ۲۶۵۷۰۸۱۰ - ۴۴۰۲۵۸۶۰

کد تهران ۰۱۶

پاسخ :



. ۷

(۱۰ نمره)

باقي‌مانده تقسیم چندجمله‌ای $2 - x^3 + x^2 + 1$ بر $2x + 1$ برابر با است. (حسین مهربانی)

پاسخ :

$$2x + 1 = 0 \Rightarrow x = -\frac{1}{2}, \quad \left(-\frac{1}{2}\right)^3 + \left(-\frac{1}{2}\right)^2 - 2 = -\frac{21}{8}$$

. ۸

(۱۰ نمره)



تدریس خصوصی ریاضی به صورت حضوری و آنلاین با دبیران حرفه ای و پیگیری قدرتمند در مدرسانه

۸۸۹۰۴۰۰۲ - ۸۸۹۰۶۹۰۹ - ۲۶۵۷۰۸۱۰ - ۴۴۰۲۵۸۶۰

کد تهران ۰۲۱

عبارت $\frac{x^{\omega}+1}{x+1}$ را ساده کنید. (هماهنگ کشوری دی ۱۴۰۱)

پاسخ :

$$\frac{x^{\omega}+1}{x+1} = \frac{(x+1)(x^{\textcolor{red}{\omega}} - x^{\textcolor{red}{\omega}-1} + x^{\textcolor{red}{\omega}-2} - \dots - x + 1)}{(x+1)} = x^{\textcolor{red}{\omega}} - x^{\textcolor{red}{\omega}-1} + x^{\textcolor{red}{\omega}-2} - \dots - x + 1$$

. ۹

(۱۰ نمره)

درستی یا نادرستی عبارت زیر را تعیین کنید. (هماهنگ کشوری دی ۱۴۰۱)

«تابع $f(x) = x^{\omega} - 4$ روی بازه $[2, +\infty)$ اکیدا صعودی است.»

پاسخ :

درست (صفحه ۱۷ کتاب درسی)

. ۱۰

(۱۰ نمره)



تدریس خصوصی ریاضی به صورت حضوری و آنلاین با دبیران حرفه ای و پیگیری قدرتمند در مدرسانه

۸۸۹۰۴۰۰۲ - ۸۸۹۰۶۹۰۹ - ۲۶۵۷۰۸۱۰ - ۴۴۰۲۵۸۶۰

کد تهران ۰۲۱

درستی یا نادرستی عبارت زیر را تعیین کنید. (هماهنگ کشوری دی ۱۴۰۱)

«نقطه $(6, -8)$ روی نمودار $f(x) = \frac{1}{y}$ با نقطه $(12, -8)$ روی نمودار $y = f(x)$ متناظر است.»

پاسخ :

نادرست (صفحه ۱۰ کتاب درسی)

مُفْعَلِي ریاضی