

تاریخ :
پایه : یازدهم
آزمون‌های ادواری شماره ۱

به نام خدا

مرکز تخصصی ریاضیات ویژن

نام :
نام خانوادگی :
Telegram: @riaziane

زمان : ۹۰ دقیقه

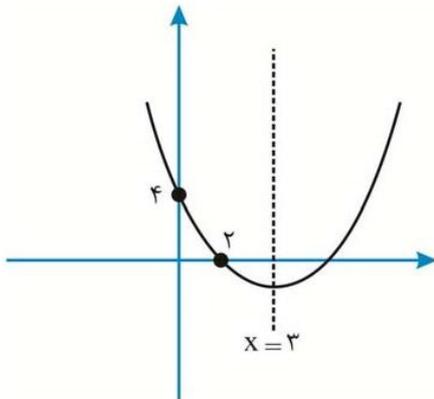
۱- نقطه‌ای در ناحیه اول دستگاه مختصات روی خط $y = x$ بیابید که فاصله آن تا مبدأ مختصات برابر $\sqrt{8}$ باشد.

۲- عرض از مبدأ خطی را که از محل برخورد دو خط $3x - 4y = 23$ و $-2x + 7y = -24$ می‌گذرد و بر نیم‌ساز ربع دوم و چهارم عمود باشد را بیابید.

۳- خطی که از دو نقطه $A(2\sqrt{3}, 0)$ و $B(\sqrt{3}, 1)$ می‌گذرد، با محور y چه زاویه‌ای را می‌سازد؟

کلاسهای ریاضی مقدماتی ویژن

۴- معادله سهمی متناسب با شکل زیر را بنویسید.



۵- معادله درجه دومی را بنویسید که جواب‌های آن قرینه جواب‌های معادله $3x^2 + 7x - 2 = 0$ باشد.

(بدون حل معادله)

۶- چهارضلعی ساخته شده با خط‌های زیر چگونه چهارضلعی است؟

$$y = 2x + 5, 2y + x = 1, y = 2x + \frac{1}{5}, 4y - 2x - 1 = 0$$

۷- توپی را به طور عمودی پرتاب می‌کنیم، t ثانیه پس از پرتاب در ارتفاع h متری از سطح زمین قرار دارد، که در آن

$$h(t) = 100t - 5t^2$$

الف) چه قدر طول می‌کشد تا توپ به بالاترین ارتفاع ممکن برسد؟

ب) ارتفاع اوج توپ را محاسبه نمایید.

ج) چند ثانیه پس از پرتاب توپ به زمین برمی‌گردد؟

کلاسهای ریاضی مقدماتی و پیش

۸- معادله $x^2 - 3x + 4 = 0$ مفروض است.

با فرض این که x_1 و x_2 جواب‌های معادله باشد بدون حل معادله مطلوب است:

الف) $\sqrt{x_1} + \sqrt{x_2}$

ب) $\frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2}$

۹- اگر $A = \begin{bmatrix} -1 \\ 0 \end{bmatrix}$ و $B = \begin{bmatrix} 2 \\ 3 \end{bmatrix}$ و $C = \begin{bmatrix} -2 \\ 1 \end{bmatrix}$ سه رأس مثلث باشد. معادله‌ی ارتفاع وارد بر ضلع BC را بنویسید.

۱۰- مساحت مربعی که مختصات یک رأس آن $A \begin{vmatrix} -1 \\ 2 \end{vmatrix}$ و معادله قطر آن $y - 2 = 3$ باشد را بیابید.

۱۱- چهارضلعی ABCD به طوری که $D = (0, -1)$ و $C = (-1, 3)$ و $B = (3, 4)$ و $A = (4, 0)$ را در نظر بگیرید. اگر وسط اضلاع این چهارضلعی را به طور متوالی به هم وصل کنیم، مساحت شکل حاصل را محاسبه نمایید.

کلاسهای ریاضی مقدماتی ویران

۱۲- معادله نیم‌ساز دو خط $3x + 2y + 1 = 0$ و $2x + 3y - 4 = 0$ را بیابید.

۱۳- معادلات زیر را حل کنید.

الف) $\sqrt{x^2 - x - 6} + \sqrt{x^2 - 5x^2 - 2x + 24} = 0$

ب) $(x^2 + \sqrt{x} + 1)^2 + x^2 + \sqrt{x} - 1 = 0$

۱۴- محیط دایره‌ای که خط $y = 3x - 2$ قطر آن و از نقاط $(2, 3)$ و $(4, 1)$ بگذرد را بیابید.

۱۵- اگر خطوط $3x - 4y + 2 = 0$ و $8y - 6x - 5 = 0$ دو ضلع مربع باشند، اندازه قطر دایره را محاسبه نمایید.

